REDIGEO

Présentation générale :

Favoriser l'appropriation des énonciations de type relationnel propres à la géométrie plane, tant au niveau de la description de structures complexes qu'au niveau de l'organisation des divers énoncés rendant compte d'une construction possible, telle est l'ambition fondamentale de REDIGEO. Cela suppose quelques clarifications, et en premier lieu la définition précise de ce qu'est une construction géométrique.

Nous faisons nôtre la définition suivante :

«Construire c'est, à partir de l'analyse des propriétés de ce que l'on veut (re)construire, développer une procédure entièrement soumise aux propriétés repérées, procédure qui constitue un système au moins nécessaire et si possible suffisant à l'obtention de la structure visée. Au sein de cette procédure, chaque acte traduit explicitement une propriété.»¹

C'est bien ce que tout géomètre exige pour reconnaître comme licite une construction.

De ce point de vue, toute construction géométrique mobilise en permanence, (pas toujours consciemment), quatre relations fondamentales qui sont celles d'**alignement**, de **parallélisme**, d'**orthogonalité** et d'**équidistance**. Pour avoir le statut de construction elle doit avoir deux caractéristiques :

1) ce qui est « dit » (en actes ou en mots) doit être conforme aux caractéristiques de la structure visée

2) l'ordre doit être cohérent, c'est-à-dire entre autres, garantir que chaque étape est réalisable à partir de ce qui a été préalablement réalisé ou énoncé.

De plus, nous sommes convaincus que les difficultés et déficits souvent constatés dans la capacité à mettre en œuvre des constructions géométriques mêmes élémentaires trouvent leur origine à deux niveaux :

- difficultés ou/et déficits de représentation (mauvaise représentation du sens de la tâche, limitation des capacités d'anticipation impliquant une faible, voire une absence totale de mobilisation des processus de contrôle, etc.)

- difficultés ou/et déficits langagiers, et ce tant au niveau sémantique que structural.

REDIGEO c'est la possibilité de produire un discours géométrique dont le sens pourra à chaque instant être montré. C'est aussi en permanence la possibilité de modifier et de transformer ce discours afin d'ajuster ce qu'il dit à ce que l'apprenant désire qu'il dise. En libérant des contraintes d'exécution, l'environnement REDIGEO permet à l'apprenant de mobiliser toute son intelligence sur les capacités et compétences en jeu dans la réalisation d'un projet : capacité à ANALYSER (Inventorier, Traduire, Organiser des informations) et capacité à REALISER (Choisir les informations pertinentes et Traiter ces informations)².

Ainsi l'objectif fondamental de REDIGEO est de mobiliser l'intelligence de l'apprenant sur le sens des différents énoncés de type relationnel et la nécessité de les ordonner de manière cohérente en mettant à sa disposition la mobilité et la modificabilité de l'écrit informatique couplées à l'interprétation immédiate par GEOCLIDE de ce que signifie objectivement le discours produit.

Remarque : Nous ne pensons pas qu'il faille abandonner les objectifs d'acquisition des techniques de constructions et la maîtrise des instruments correspondants, mais il nous semble absurde et **de plus inefficace** d'en faire un préalable à la conceptualisation. Savoir construire à la règle et au compas la médiatrice d'un segment est une chose, penser le concept de médiatrice en est une autre. En prenant en charge l'exécution, l'ordinateur permet de coupler le Penser-Dire au Faire. Non seulement REDIGEO n'entend pas se substituer au travail sur papier mais il exige en permanence le couplage avec celui-ci.

Première description

REDIGEO est composé :

- d'un éditeur spécifié dans la production de discours, le REDIGEUR, par la manipulation d'énoncés exprimant les principales relations géométriques en jeu dans toute construction géométrique. La bibliothèque d'énoncés concerne 5 types d'objets géométriques : les POINTS, les DROITES, les CERCLES, les SEGMENTS de droites et les ARCS de cercles

¹ Cf. Rôle et place des explicitations langagières dans les apprentissages géométriques... D.Barataud in Les Cahiers de Beaumont N° 65/66 Déc. 94

² Cf. Les capacités et compétences du Référentiel de Mathématiques. On en trouvera une analyse dans « Vous avez dit référentiel » Les cahiers de Beaumont sur Oise N° spécial Juin 1993

- d'un logiciel de représentation graphique, GEOCLIDE, capable de réaliser graphiquement les tracés correspondant au discours développé dans le REDIGEUR. Des commandes spécifiques (Montrer, Effacer et Tracer) permettent à l'apprenant de comprendre l'écart qui peut exister entre ce qu'il souhaite obtenir (projet de construction) et ce que représente l'état actuel de son discours

- d'un INTERPRETEUR explicitant les diverses raisons qui peuvent rendre impossible la réalisation graphique par GEOCLIDE de ce qui est énoncé dans le REDIGEUR. Deux modes fondamentalement différents d'interprétation sont disponibles

. Mode "pas à pas " analysant le discours dans l'ordre d'énonciation

. Mode "global" analysant globalement la cohérence du discours.

Ces deux modes sont explicités dans le chapitre de présentation de l'INTERPRETEUR.

Pédagogie différenciée

En fonction de la nature de la construction et des énoncés nécessaires à la réalisation du projet les niveaux de complexité du travail sont infiniment variés.

Toute situation étant enregistrable, il est possible de fournir au départ tout ou partie d'une construction permettant de créer des situations où l'enjeu sera :

- de décrypter une construction fournie ;
- de poursuivre une construction partiellement commencée ;
- de remettre en ordre un discours présenté dans le désordre ;
- de rechercher puis d'introduire les énoncés manquants ;
- de rechercher les énoncés inutiles ;
- de transformer un discours pour :
 - . exprimer autrement une construction donnée ;
 - . en changer consciemment le sens.

Ecran initial

Voici à tire d'exemple un écran initial, après chargement d'un fichier préalablement enregistré. (Cf. Fichier Ecran1)



Fenêtre REDIGEUR

Description générale



Présentation détaillée des énoncés disponibles :



REDIGEO p3/19



Fenêtre GEOCLIDE

Cette fenêtre est celle des interprétations graphiques correspondant aux textes élaborés dans le REDIGEUR.

Le bouton 4 déclenche l'affichage d'une fenêtre (déplaçable) contenant la liste des objets créés. Le simple passage du pointeur de la souris sur le nom d'un énoncé produit plusieurs affichages conjoints :

La <u>définition de l'objet pointé s'affiche</u> dans la partie inférieure de la fenêtre.



Remarque : ceci est vrai pour tout élément qu'il soit ou non tracé dans la fenêtre Géoclide.



Liaison REDIGEUR - GEOCLIDE

A chaque instant, il est possible de modifier le texte élaboré dans le REDIGEUR. Or, l'interprétation par Géoclide n'est pas automatique et ne s'effectue qu'à la demande. <u>En conséquence, ce que montre la fenêtre Géoclide correspond à l'état du texte Rédigeur lors de la dernière interprétation</u>. Il est donc important de savoir si ce qui est montré correspond au texte actuel ou à une version antérieure. Ceci est indiqué par les couleurs des bandeaux des deux fenêtres (cf. fichier Ecran2).

1^{er} cas : L'interprétation correspond au texte affiché.



Modifions le texte en remplaçant

D2 Droite parallèle à D1 et passant par P1parD2 Droite perpendiculaire à D1 et passant par P1

Dès la première modification dans la fenêtre Rédigeur, le bandeau de la fenêtre Géoclide est devenu jaune



Dès qu'une nouvelle interprétation est demandée, l'adéquation est rétablie.

Les deux bandeaux sont de nouveau bleus



Remarque :

Il est toujours possible de revenir à un état antérieur [commande **Défaire**] ou de rétablir une situation qu'on avait abandonnée [commande **Refaire**] (cf. page suivante).

Fenêtre REDIGEUR : Boutons de commande



Ces boutons permettent de Supprimer ou de Dupliquer la ligne sélectionnée.

Boutons : Déplacements



Ils permettent de déplacer; en amont ou en aval, la ligne sélectionnée.

Ascendants **Boutons : Descendants**

Précisions sur la notion d'ascendants et de descendants :

Sont considérés comme ascendants d'un objet, non seulement les objets intervenant directement dans sa définition, mais également ceux participant en amont à la définition de ceux-ci.

De même, sont considérés comme descendants d'un objet, les objets intervenant directement dans sa définition, mais également ceux servant en aval à la définition de nouveaux objets.

Exemple : Fichier Demo1

Soit l'objet D3 défini par D3 droite perpendiculaire à D1 et passant par P2, dans le texte suivant :



Boutons : Défaire / Refaire 🧠 🝘

Ces commandes permettent de retrouver des états antérieurs puis de reconstituer tout ou partie de ce qui a été antérieurement défini.



Il permet de copier dans le presse-papier de Windows l'intégralité du texte de la fenêtre Rédigeur. Ce texte peut alors être collé dans un Traitement de texte en vue d'une exploitation pédagogique.

Menu Interpréteur



C'est ce Menu qui permet de faire correspondre la fenêtre GEOCLIDE à celle du REDIGEUR.

Plusieurs options étant envisageables, nous en présentons en détail les caractéristiques dans la suite de ce chapitre

Option de l'interpréteur : Sélection par Cliquer Gauche



Mode de fonctionnement

Pas à pas :

Avec cette option, l'interprétation s'opère ligne à ligne, dans l'ordre d'énonciation. Elle exige que cet ordre soit compatible avec la logique de construction et s'arrête, avec un message explicatif, dès que surgit une impossibilité.

Global:

Avec cette option, l'interprétation se fait globalement, l'ordre d'énonciation n'étant pas pris en compte, seule la cohérence globale étant prise en compte. Ce qui implique qu'il suffit que chaque objet soit, de façon non circulaire, défini au sein du texte.

C'est le mode implicitement actif lors du lancement de REDIGEO

Voici un exemple : Fichier DEMO1 disponible. Ce fichier a été enregistré en mode Global. Après chargement (Menu **<u>Fichiers</u>**, ligne **<u>O</u>uvrir**), on obtient :



Interprétation en Mode Pas à pas

Après changement d'option dans le menu **Interpréteur** et activation de l'option **Mode pas à pas**, si on relance l'interprétation (sans changer les éléments de base) on obtient :

En Mode Pas à pas, l'interprétation s'arrête à P10 Intersection de S1 et de C1

Géoclide	Rédigeur		
	Base Points Droites Cercles Segments Arcs		
Interpréteur (mode pas à pas) Ligne 5 : Le segment S1 n'existe pas	 P1 élément de base D1 élément de base C1 élément de base C1 élément de base D2 droite parallèle à D1 et passant par P1 P10 intersection de S1 et C1 P2 intersection de D2 et C1 D3 droite perpe P3 intersection S1 segment d'e C2 cercle de ce 		
le point P10 n'est pas constructible INTERPRETATION ARRETEE	Dans la fenêtre Interpréteur l'explication de l'arrêt est explicité.		

Interprétation en Mode Global

En reprenant le mode Global et en lançant une <u>Réinterprétation complète</u> (sans modifier les éléments de base) il est possible de vérifier que l'interprétation est de nouveau acceptée.

Pour ce faire :



Puis lancer <u>Réinterprétation complète</u> sans modifier les éléments de base

iterpréteur ? Interprétation des nouveaux éléments	Confirmation
Options de l'interpréteur	Voulez-vous modifier les éléments de basez

Phénomène de circularité :

Lors de l'analyse des propriétés d'une structure géométrique, il est fréquent de voir apparaître des systèmes "circulaires" de définition.

Ainsi par exemple dans la situation suivante (Fichier Circularité), le discours suivant est proposé :



P1 Elément de base D1 Droite passant par P1 P2

D2 Perpendiculaire à D1 et passant par P2

P2 Intersection de D1 D2

REDIGEO p9/19

En Mode **Pas à pas** l'interprétation se fait pas à pas et s'arrête dès la première impossibilité (ici à la ligne 2). L'interpréteur fournit les informations suivantes :

Rédigeur
Base Points Droites Cercles Segments Arcs
P1 élément de base
 D1 droite passant par P1 et P2 D2 droite perpendiculaire à D1 et passant par P2
4 P2 intersection de D1 et D2

En Mode **Global**, l'interprétation se poursuit et reprend tant que des énoncés peuvent être interprétés. Le balayage s'arrête lorsqu'aucun énoncé ne peut plus être interprété.

Tous les énoncés n'ayant pu être interprétés apparaissent en rouge dans la fenêtre Rédigeur.

L'interpréteur fournit les informations suivantes :



Remarque :

Seuls des énoncés "instanciés" c'est-à-dire complétés par des indices sont pris en compte lors d'une interprétation. Un énoncé non instancié (sans aucun indice) n'est pas pris en compte et est simplement "mis de côté" (décalage vers la gauche en rouge). Cela permet de saisir des énoncés dans la bibliothèque et de les mettre en attente, dans l'espace de travail sans qu'ils n'interfèrent avec le sens et la qualité du discours. Cela peut aussi servir à l'enseignant à fournir une liste d'énoncés à partir desquels un objectif peut être fixé.

Exemple : Fichier DEMO3

A partir des énoncés disponibles dans l'espace REDIGEUR fournis par ce fichier, construire un carré inscrit dans un cercle (il est permis de dupliquer des énoncés).

Mode d'affichage

Automatique :

Quand ce mode est activé, **Automatique** le traçage des objets est automatique lors de toute interprétation.

Quand il est désactivé, **Automatique** l'interprétation se fait sans traçage.

Temporisation :

Quand ce mode est activé, **Temporisation** la vitesse d'interprétation est ralentie, permettant de suivre pas à pas le processus d'interprétation.

Quand il est désactivé, **Temporisation** l'interprétation se fait, sans interruption, à grande vitesse (variable selon l'ordinateur).

Options de l'interpréteur	
Mode de fonctionnement : ◎ Pas à pas	
e Global	
Mode d'affichage : Automatique	
Temporisation	
🗸 ОК	

Placement des éléments de base



Le placement se fait automatiquement sur un nœud du quadrillage



Fichiers Interpréteur Maillage carré igeu Placer le point P1 Maillage triangulaire Points Droites Cercles Segments Arcs Base ✓ Maillage visible V Fixer æ × [4] [₹ 12 6 P1 élément de base E8

Le placement se fait automatiquement sur un nœud du quadrillage

Remarque : Le placement sur quadrillage facilite la réalisation de configurations de départ particulières

Options activées

Placement d'une droite

Fichiers Interpréteur ?		
Placer la droite D1	Rédigeur : texte n° 2	
✓ Fixer	Base Points Droites Cercles Segments Arcs	
	1 D1 élément de base	
Apparition dans la fanâtra GEOCLIDE d'une croix at	d'une droite	
u une croix et		

Cliquer et garder appuyé **Gauche** permet les translations Cliquer et garder appuyé **Droit** permet les rotations autour de la croix Cliquer sur **[Fixer]** pour terminer

Placement d'un cercle



Cliquer et garder appuyé **Gauche** permet les translations Cliquer et garder appuyé **Droit** permet les dilatations et contractions Cliquer sur **[Fixer]** pour terminer

Description de la barre de Menus

Rédigéo - SansNom.geo Fichiers Interpréteur ?

Menu Fichiers



Fenêtre de gestion de l'impression de la fenêtre Géoclide (taille, positionnement, orientation)



Entrer dans REDIGEO

Pour favoriser l'appropriation de l'environnement REDIGEO, nous proposons à notre lecteur de suivre pas à pas le scénario suivant :

Scénario



Une telle situation (état initial fourni, projet à atteindre décrit par un énoncé) pose comme première condition de travail l'émergence d'une représentation de l'objectif à atteindre. Cela suppose bien sûr de comprendre les mots utilisés (par exemple ici le mot tangent) mais de plus, qu'une image du projet à atteindre se crée. Dans le cas présent, le sens du mot tangent étant fourni, y compris sous une forme imagée (qui "se touche juste", qui vient "se coller contre" etc.) il reste à imaginer une solution possible. L'une de celle-ci (souvent dominante au début) est <u>la suivante</u> :



Cette solution étant dessinée, c'est-à-dire inscrite à peu près, le travail d'analyse de ses caractéristiques, de ses liens avec les éléments initiaux va pouvoir s'engager.

Analyse de la solution envisagée :

La première tâche consiste à nommer les éléments en jeu (Eléments de base et Elément solution) Le projet étant d'obtenir avec REDIGEO cette solution, nous allons choisir un mode de nomination respectant les contraintes de l'environnement (P~ pour les points, C~ pour les cercles, D~ pour les droites etc. ...) Par exemple les noms suivants : P1 C1 et D1 pour les éléments de base et C2 pour le cercle à construire. Noms que nous notons sur la feuille de papier :





Cette analyse étant effectuée sur papier, il est maintenant possible d'en vérifier la validité avec REDIGEO

Travail avec REDIGEO

(Menu **Fichiers** ligne **Ouvrir**).

Lancer le programme REDIGEO	
- Première étape : Déclaration des éléments de base P1 C1 D1	
Cliquer Gauche sur le Bouton Base	
Sélectionner l'énoncé P~ élément de base puis cliquer sur le bouton OK	
Se placer alors sous le ~ et taper l'indice 1. On a :	
P1 élément de base	
Recommencer à ouvrir le menu Base pour saisir et instancier C1 et D1	
On a :	Fichiers Interpréteur ?
C1 élément de base	Géoclide
D1 élément de base	
- Placement des éléments de base	
Ouvrir le menu Interprétation et lancer	
Interprétation des nouveaux éléments	\frown
Placer les éléments de la manière suivante en se reportant p12 pour les	
commandes.	
Remarque :	
Si vous ne souhaitez pas à cette étape avoir à opérer ces placements	
vous pouvez ouvrir le fichier SCENARIO	

Leur placement sera fourni.

Fichiers Interpréteur ? Géoclide Rel CXX + + + Hédigeur Base Points Droites Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs Rel C A C Bee Control Cercles Segments Arcs 1 P1 élément de base 3 D1 élément de base

Elaboration du discours de construction

Pour chaque énoncé vous devrez

- Ouvrir le menu correspondant à la nature de l'objet que vous souhaitez définir
- Sélectionner l'énoncé désiré puis cliquer sur le bouton OK
- Instancier votre énoncé en insérant les indices voulus.

Remarques :

- Un énoncé peut être éliminé par le bouton

- Un indice au sein d'un énoncé peut être modifié (Touche

(Suppr))

A vous jusqu'à l'obtention du discours suivant :

P1 élément de base C1 élément de base D1 élément de base D2 parallèle à la droite D1 et passant par le point P1 P3 Intersection de D2 et de C1 P4 Intersection de D3 et de D1 P2 Intersection de D2 et de C3 D3 perpendiculaire à D1 et passant par P3 C3 Cercle de centre P3 et passant par P4 C2 Cercle de centre P2 passant par P3

Remarque :

L'ordre de ces énoncés n'est pas conforme à ce qu'exigerait la logique de la construction. Ceci est volontaire afin de mettre en évidence la différence entre les deux modes d'interprétation.

Interprétation

Deux modes d'interprétation sont possibles (cf. p 9 à 11) :

le mode dit Global

le mode dit Pas à pas

Lors du lancement de **REDIGEO** en vue de l'élaboration d'un nouveau discours, ce qui est le cas ici, c'est le mode **Global** qui est actif

Nous allons maintenant lancer l'interprétation de notre discours. En mode **Global**, seule la cohérence globale compte, l'interpréteur balayant l'ensemble du discours à la recherche des éléments interprétables.

Remarque :



Pour lancer l'interprétation, ouvrir le menu <u>Interprétation</u> puis sélectionner la ligne <u>Interprétation des nouveaux éléments.</u>

A vous...

Après avoir opéré tous les choix voulus, vous devriez obtenir la situation suivante :



En cas de difficultés vous pouvez poursuivre le scénario en appelant le fichier SCENARIO2

Nous avons délibérément choisi de ne pas nous préoccuper de l'ordre de déclaration des énoncés pour mettre en évidence le fonctionnement de l'interpréteur en mode global. Nous allons maintenant étudier ce qui se passe dans certains cas :

Pour cela nous allons modifier notre discours de la manière suivante :

Elimination de l'énoncé

P2 Intersection de C3 D2

Commandes :

- Sélectionner la ligne P2 Intersection de C3 D2 (Commande : double cliquer gauche)

- Clique sur le bouton

Remarque :

L'énoncé **P2 Intersection de C3 D2** est éliminé mais de plus, tous les énoncés déclarant des éléments dépendants de P2 apparaissent maintenant en noir (dans notre situation l'énoncé **C2 Cercle de centre P2 passant par P3**).

Et remplacement par

- P2 Centre du cercle C2
- Ouvrir le menu Point
- Sélectionner l'énoncé P~ Centre du cercle C~ puis cliquer sur le bouton OUI
- Instancier l'énoncé en insérant les indices \Rightarrow P2 Centre du cercle C2

Relançons l'interprétation :	INTERPRETEUR Texte n*3	_ 🗆 🗙
Menu Interprétation, Ligne Interprétation des nouveaux éléments Le message suivant apparaît dans la fenêtre Interpréteur:	Définitions circulaires entre : C2 P2 Définitions circulaires entre : P2 C2 Interprétation terminée	•

Interprétation en mode Pas à pas

Nous nous proposons maintenant d'étudier comment fonctionne l'interpréteur en mode **Pas à pas**. Pour ce faire, nous allons repartir de la situation précédente que vous pouvez reconstituer

en éliminant la ligne

P2 Centre du cercle P2 et en réinsérant la ligne P2 Intersection de C3 D2

ou en appelant le fichier SCENARIO2 (Menu <u>Fichiers</u>, ligne <u>O</u>uvrir)

Pour changer de mode d'interprétation,

ouvrir le menu **Interprétation**

puis cliquer sur la ligne **Options de l'interpréteur**.

La fenêtre suivante apparaît :

Pour changer de mode	Options Interpréteur	×
Pour changer de mode	Mode de fonctionnement	
Cliquer sur ce bouton —— puis	→ Pas à pas ◆ Global	→ Oui
sur le bouton OUI	Mode d'affichage	
	✓ Automatique ☐ Temporisation	Annuler

Relancer alors l'interprétation par

Menu Interprétation

ligne **<u>R</u>éinterprétation complète**

en répondant NON à l'offre de modification des éléments de base

L'interprétation s'opère jusqu'à la ligne P4 Intersection de D3 et de D1 pour laquelle le message suivant apparaît :



L'ordre d'énonciation est maintenant déterminant, un énoncé ne pouvant être interprété que dans la mesure où les éléments servant à sa définition ont été antérieurement définis. L'interprétation s'arrête dès la première impossibilité. Toute la partie du discours ayant pu être interprétée apparaît en bleu, la fin étant en noir.

Un bilan de l'interprétation est accessible dans la fenêtre **Interpréteur** qui peut être, d'une part mis en plein écran, et d'autre part imprimé.